

NOM ET PRENOM.....  
DATE DE NAISSANCE.....  
SIGNATURE OBLIGATOIRE.....

Nombre de questions : 6

$$Z = \frac{(\sqrt{2}-1) + i(\sqrt{2}+1)}{-\sqrt{2}+i}$$

1) On considère le nombre complexe :  $Z =$

- Ecrire  $Z$  sous forme algébrique
- Donner le module et l'argument de  $Z$
- Déterminer  $n$  pour que  $Z$  soit imaginaire pure

$$\begin{aligned} Z &= \\ |Z| &= \quad \text{Arg} Z = \\ n &= \end{aligned}$$

2) Résoudre l'équation complexe ( $Z \in \mathbb{C}$ )

$$Z^2 - 2Z \sin \theta + 2 \sin^2 \theta = 0$$

$\theta$  est un paramètre réel tel que  $\theta \in [-\pi, +\pi]$

- Déterminer les modules et arguments de  $Z'$  et  $Z''$ .

$$Z' = \quad Z'' =$$

$$\|Z'\| =$$

$$\|Z''\| =$$

$$\text{Arg } Z' =$$

$$\text{Arg de } Z'' =$$

3) Résoudre l'équation différentielle :  $y'' - 5y' + 6y = 3 \cos(2x - \pi/2)$

- Donner une solution particulière
- Donner la solution générale

$$y_0(x) =$$

$$y(x) =$$

4) Soient les points  $A(-1/2, 0, 0)$ ,  $B(1/2, 0, 0)$ ,  $C(0, 1, 0)$ , et un point  $M$  de l'espace

- Donner les composantes du vecteur  $\vec{MA} \wedge \vec{MB}$

- Donner les composantes du point  $M_0$  tel que :

$$\vec{M_0A} \wedge \vec{M_0B} = \vec{M_0C}$$

- Déterminer l'ensemble des points  $M$  dans le plan  $(yoz)$  tels que :

$$\vec{MA} \wedge \vec{MB} = \vec{MC}$$

5) On considère la fonction numérique  $f$  de la variable réelle  $x$ , définie par :

$$f(x) = \frac{e^x - 1}{e^x + 1}$$

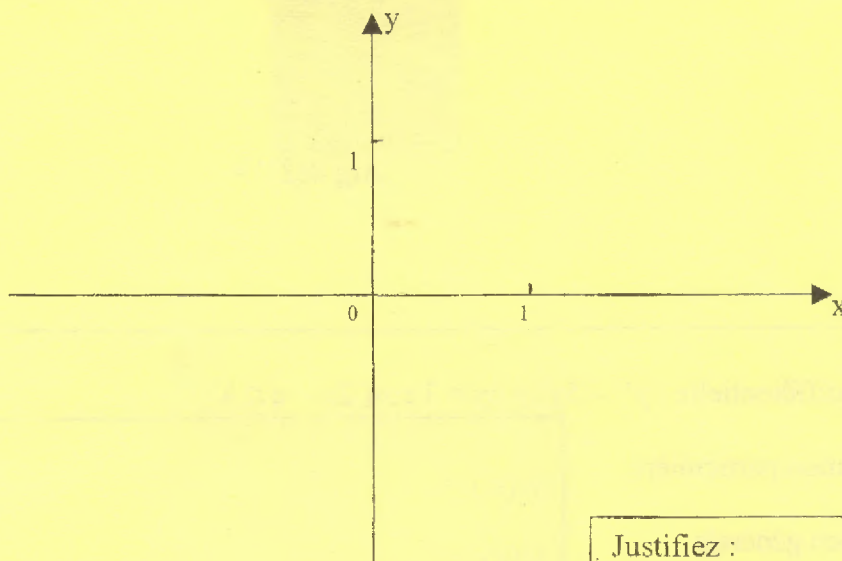
- Donner le domaine de définition :
- Calculer la dérivée  $f'(x)$  :
- Donner le tableau de variation de  $f$  :

$D =$
$f'(x) =$

x	
f'(x)	
f(x)	

- Donner l'équation de la tangente au point A ( 0,0 )
- Représentation graphique de la tangente au point A et de  $f(x)$

$y =$
-------



- Justifiez l'existence d'une fonction réciproque de  $f$
- Donner la fonction réciproque et son domaine de définition
- Représenter graphiquement  $f^{-1}(x)$  [en traits pointillés]

Justifiez :
$f^{-1}(x) =$
$x \in$

6) Une urne contient 6 boules blanches numérotées de 1 à 6 et 5 boules noires numérotées de 1 à 5 .On tire au hasard et simultanément 4 boules de l'urne .Toutes les boules ont la même probabilité d'être tirées .

- Déterminer le nombre  $N_1$  de tirages possibles
- Déterminer le nombre  $N_2$  de tirages possibles donnant 3 boules blanches et une boule noire
- Calculer la probabilité  $p$  d'avoir 4 boules blanches

$N_1 =$
$N_2 =$
$p =$

CONCOURS D'ENTREE 2004  
EPREUVE DE MATHEMATIQUES

Répondre en entourant les propositions justes.

I) On considère une suite géométrique définie par :

premier terme  $u_1 = 16$  et  $u_4 = 2$

1- La raison est égale à :

A/  $1/(2\sqrt{2})$

B/  $1/2$

C/ 2

D/  $2\sqrt{2}$

E/ Autre réponse

2-  $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n = u_1 + u_2 + \dots + u_n$  lorsque  $n \rightarrow \infty$  est égale à :

A/ 0

B/  $1/2$

C/ 8

D/ 32

E/ Autre réponse

II) On considère dans  $\mathbb{C}$  l'équation :  $z^3 + (2-i)z^2 + (i+1)z + 6i + 2 = 0$

1- Cette équation admet une solution réelle :

A/  $z_1 = 2$

B/  $z_1 = 1$

C/  $z_1 = -2$

D/  $z_1 = -1$

E/  $z_1 = 0$

2- Les solutions complexes de cette équation sont :

A/  $z_2 = i - 1$   $z_3 = i + 1$

B/  $z_2 = -i + 2$   $z_3 = i + 2$

C/  $z_2 = 2i - 1$   $z_3 = -i + 1$

D/  $z_2 = 2i - 2$   $z_3 = -i + 2$

E/ Autre réponse

III) On considère le plan (P) définie par le point A (2,1,-1) et son vecteur normal n (1,-2,-2)

1- L'équation du plan est :

A/  $2x + y - z = 0$

B/  $x - 2y - 2z + 2 = 0$

C/  $2x + y - z - 4 = 0$

D/  $2x + y - z - 2 = 0$

E/ Autre réponse

2- La distance du point B (-1,-1,1) par rapport au plan est égale à :

A/  $1/9$

B/  $1/3$

C/ 1

D/ 3

E/ Autre réponse

IV) Dans un service de réanimation, une infirmière surveille deux malades. En une heure la probabilité d'intervenir auprès d'un malade est de 0,2 pour le premier et de 0,3 pour le deuxième. Les causes d'intervention auprès des malades sont indépendantes. La probabilité pour que l'infirmière n'intervienne pas pendant une heure est égale à :

A/ 0,06

B/ 0,66

C/ 0,5

D/ 0,44

E/ Autre réponse

V) On considère la fonction définie par :  $f(x) = x - x \ln|x|$

1- Le domaine de définition est :

- A/  $]-\infty, +\infty[$
- B/  $]-\infty, 0[$
- C/  $]0, +\infty[$
- D/  $]-\infty, 0[ \cup ]0, +\infty[$
- E/ Autre réponse

2-  $\lim f(x)$  lorsque  $x$  tend vers  $+\infty$  est égale à :

- A/ 1
- B/ 0
- C/  $-\infty$
- D/  $+\infty$
- E/ Autre réponse

3-  $\lim f(x)$  lorsque  $x$  tend vers  $0^+$  est égale à :

- A/ 1
- B/ 0
- C/  $-\infty$
- D/  $+\infty$
- E/ Autre réponse

4- La dérivée  $f'(x)$  est égale à :

- A/  $]-\infty, +\infty[$        $f'(x) = \ln x$
- B/  $]-\infty, 0[$        $f'(x) = 2 - \ln(-x)$
- C/  $]-\infty, 0[$        $f'(x) = -\ln x$
- D/  $]0, +\infty[$        $f'(x) = -\ln x$
- E/ Autre réponse

5- L'équation de la tangente au point d'abscisse  $x = e$  est :

- A/  $y = x + 2e$
- B/  $y = -x + 2e$
- C/  $y = -x + e$
- D/  $y = x$
- E/ Autre réponse

6- Entourer la ou les propositions justes :

- A/  $f'(x)$  positive sur l'intervalle  $]1, +\infty[$
- B/  $f(x)$  est croissante dans l'intervalle  $]0, 1[$
- C/  $f(x)$  est croissante dans l'intervalle  $]1, +\infty[$
- D/ l'axe des ordonnées est une direction asymptotique de la courbe représentative de  $f(x)$
- E/ la droite d'équation  $x = 0$  est un axe de symétrie de la courbe représentative de  $f(x)$

7- L'intégrale entre (1) et (e) de  $\left( \int_1^e x \ln x \, dx \right)$  est égale à :

- A/ e
- B/  $e + 1$
- C/  $1/2$
- D/  $(e^2 + 1)/4$
- E/ Autre réponse

NOM ET PRENOM.....  
DATE DE NAISSANCE.....  
SIGNATURE OBLIGATOIRE.....

CONCOURS D'ENTREE 2005  
EPREUVE DE MATHÉMATIQUES

**Entourer les propositions justes**

I) Soit la fonction définie par :

$$f(x) = \begin{cases} |x| \ln x^2 & x < 0 \\ [x(-x+1)]^{1/2} & 0 \leq x \leq 1 \\ (x-1)/(2x-3) & x > 1 \end{cases}$$

1) Entourer la ou les propositions justes :

- A/ Le domaine de définition est  $]-\infty, 3/2[ \cup ]3/2, +\infty[$   
B/ Le domaine de définition est  $]-\infty, 0[ \cup ]0, 3/2[ \cup ]3/2, +\infty[$   
C/ f est continue pour  $x = 0$   
D/ f est dérivable pour  $x = 0$   
E/ f est dérivable pour  $x = 1$

2)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  est égale à :

- A/  $-\infty$   
B/  $+\infty$   
C/ 0  
D/  $1/2$   
E/ Autre réponse

3)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  est égale à :

- A/  $-\infty$   
B/  $+\infty$   
C/ 0  
D/  $1/2$   
E/ Autre réponse

4) Entourer la ou les propositions justes :

- A/ f(x) est croissante dans l'intervalle  $] -1/e, 0[$   
B/ f(x) est croissante dans l'intervalle  $] 1/2, 1[$   
C/ L'axe  $oy$  est une direction asymptotique de f(x)  
D/ La courbe représentative de f(x) admet une demi tangente verticale à gauche de 1  
E/ La courbe représentative de f(x) admet une demi tangente de coefficient directeur  $-1/2$  à droite de 1

II) Soit la fonction définie par :  $f(x) = x + e^x / (1 + e^x)$

- A/ La courbe représentative de f admet une direction asymptotique au voisinage de  $+\infty$   
B/ La courbe représentative de f admet une asymptote d'équation  $y = 1 + x$   
C/ La courbe représentative de f admet une asymptote d'équation  $y = x$   
D/ La courbe représentative de f admet l'axe des abscisses comme asymptote  
E/ La courbe représentative de f est au dessus de l'asymptote au voisinage de  $+\infty$

III) Calculer les intégrales I et J :

$$I = \int_0^{\pi/3} (1/\cos x) dx$$

- A/  $I = 2$   
B/  $I = \pi/3$   
C/  $I = \ln \sqrt{3}$   
D/  $I = \ln(2 + \sqrt{3})$   
E/ Autre réponse

$$J = \int_0^1 \sqrt{1-x^2} dx$$

- A/  $J = 1/2$   
B/  $J = 1$   
C/  $J = \pi/2$   
D/  $J = \pi/4$   
E/ Autre réponse

IV) On considère les nombres complexes :

$$z = \rho (\cos \theta + i \sin \theta) \quad Z = z - (\cos \pi/2 + i \sin \pi/2) \overline{z}$$

$\theta$  est un nombre réel appartenant à l'intervalle  $] \pi/4, 5\pi/4 [$

$$A/ |Z| = 2\rho \quad \text{Arg}|Z| = \pi/4$$

$$B/ |Z| = -2\rho \sin(\theta - \pi/2) \quad \text{Arg}|Z| = 5\pi/2$$

$$C/ |Z| = 2\rho \sin(\theta - \pi/2) \quad \text{Arg}|Z| = 3\pi/2$$

$$D/ |Z| = 2\rho \sin(\theta - \pi/4) \quad \text{Arg}|Z| = 3\pi/4$$

E/ Autre réponse

V) Soient A, B, C trois points d'affixes respectives :

$$a = 2 + i \quad b = -1 + i \quad c = -1 - 2i$$

A/ Le triangle ABC est rectangle en B

B/ Le triangle ABC est isocèle

C/ Le triangle ABC est équilatéral

D/ A, B et C appartiennent à un cercle de centre  $\Omega(1/2, -1/2)$

E/ A, B et C appartiennent à un cercle de rayon  $r = \sqrt{2}/2$

VI) Soit  $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$  un repère orthonormal de l'espace.

1) L'ensemble des points M dont les coordonnées vérifient l'équation  $x^2 + y^2 + z^2 + 4x - 6y + 2z + 9 = 0$  est :

A/ L'ensemble vide

B/ Le cercle de centre  $\Omega(2, -3, 1)$

C/ La sphère de centre  $\Omega(-2, 3, -1)$

D/ La sphère de rayon  $r = 3$

E/ La sphère de rayon  $r = \sqrt{5}$

2) L'intersection de l'ensemble des points M avec le plan d'équation  $2x + y - 2z + 1 = 0$  est :

A/ L'ensemble vide

B/ Le point M(5, 0, 4)

C/ Le cercle de rayon  $r = \sqrt{5}$

D/ Le cercle de rayon  $r = 2/3$

E/ Le cercle de centre  $\Omega(-\frac{22}{9}, \frac{25}{9}, -\frac{5}{9})$

VII) Un sac contient 10 boules : 2 blanches, 3 noires, 5 rouges. On tire au hasard et simultanément 2 boules.

On considère les événements suivants :

Ⓐ : parmi les 2 boules tirées une seule est blanche

Ⓑ : parmi les 2 boules tirées une seule est noire

1) La probabilité de l'événement Ⓐ est égale à :

A/ 0,133      B/ 0,355      C/ 0,466      D/ 0,688      E/ Autre réponse

2) La probabilité de l'événement Ⓑ est égale à :

A/ 0,133      B/ 0,355      C/ 0,466      D/ 0,688      E/ Autre réponse

3) La probabilité de l'événement  $\text{Ⓐ} \cap \text{Ⓑ}$  est égale à :

A/ 0,133      B/ 0,355      C/ 0,466      D/ 0,688      E/ Autre réponse

4) La probabilité de l'événement  $\text{Ⓐ} \cup \text{Ⓑ}$  est égale à :

A/ 0,133      B/ 0,355      C/ 0,466      D/ 0,688      E/ Autre réponse

**Concours d'entrée 2006**  
**Epreuve de mathématiques**

Anonymat

Nom et prénom : .....

Date de naissance : .....

Signature obligatoire : .....

**Concours d'entrée 2006**  
**Epreuve de mathématiques**

Anonymat

**Nombre de questions : 6**

**I- On considère la fonction définie par :**

$$f(x) = \frac{x^2 - 3x + 3}{2x - 2} \quad \text{et } C_f \text{ est la courbe représentative de la fonction } f$$

**Donner les équations des asymptotes à  $C_f$  :**

**II- On considère la fonction numérique  $f_m$  de la variable réelle  $x$  définie par:**

$$f_m(x) = \frac{x^2 - 4}{4} - \frac{m}{2} \ln \frac{x}{2}$$

1- Calculer

$\lim_{x \rightarrow +\infty} f_m(x) =$

2- Calculer  $\lim_{x \rightarrow 0} f_m(x)$  en 0 dans les cas suivants :

$m < 0 : \lim_{x \rightarrow 0} f_m(x) =$ 
 $m = 0 : \lim_{x \rightarrow 0} f_m(x) =$ 
 $m > 0 : \lim_{x \rightarrow 0} f_m(x) =$

3- Déterminer la fonction dérivée  $f'_m(x)$  :

$f'_m(x) =$

4- Compléter, suivant les valeurs de  $m$ , le tableau de variation de la fonction  $f_m(x)$

$m < 0$

x	
$f_m(x)$	

$m = 0$

x	
$f_m(x)$	

$m > 0$

x	
$f_m(x)$	

5- Trouver le point  $A(x,y)$  qui appartient à toutes les courbes de  $f_m(x)$  :

$A( \quad , \quad )$

III- On considère dans le plan complexe un point M d'affixe Z. Déterminer l'ensemble E des points M qui vérifie la condition suivante :  $|Z - 3 + 4i| = |Z + 6|$

L'ensemble E est :

IV- On considère dans C l'équation (8) :  $Z^4 - 4Z^3 + 14Z^2 - 36Z + 45 = 0$

Résoudre dans C l'équation (8) sachant qu'elle admet 2 solutions imaginaires pures :

$Z_1 =$

$Z_2 =$

$Z_3 =$

$Z_4 =$

V- On considère les suites  $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$  et  $(V_n)_{n \in \mathbb{N}}$  définies comme suit :

$$U_0 = 0 \quad U_{n+1} = \frac{U_n + 4}{U_n + 1}$$

$$V_n = \frac{U_n - 2}{U_n + 2}$$

1- Donner la nature de la suite  $(V_n)$  :

2- Ecrire  $V_n$  en fonction de n :

$V_n =$

3- Calculer :

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} V_n =$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n =$$

VI- Un individu se présente à une administration et cherche le secrétariat. Le palier comporte 4 portes identiques dont l'une est celle du secrétariat.

Calculer les probabilités  $P(A_1)$ ,  $P(A_2)$ ,  $P(A_3)$ ,  $P(A_4)$  des événements suivants:

1-  $A_1$ : il trouve la porte du secrétariat au 1<sup>er</sup> essai

$$P(A_1) =$$

2-  $A_2$ : il trouve la porte du secrétariat au 2<sup>ème</sup> essai

$$P(A_2) =$$

3-  $A_3$ : il trouve la porte du secrétariat au 3<sup>ème</sup> essai

$$P(A_3) =$$

4-  $A_4$ : il trouve la porte du secrétariat au 4<sup>ème</sup> essai

$$P(A_4) =$$



**Concours d'entrée 2007**  
**Epreuve de mathématiques**

Anonymat

Nom et prénom : .....

Date de naissance : .....

Signature obligatoire : .....

**Concours d'entrée 2007**  
**Epreuve de mathématiques**

Anonymat

**Nombre de questions 6.**

I- On considère la fonction définie par :  $f(x) = \frac{e^{-x}}{2x(1-x)}$

1- Donner le domaine de définition  $D_f$  de la fonction  $f$ .

$D_f =$

2- Calculer les limites de  $f$ , aux bords du domaine de définition.

.....  
.....  
.....

3- Soit  $C$  la courbe représentative de la fonction  $f$ . Préciser, si elles existent, les équations :

Des asymptotes obliques : .....

Des asymptotes verticales : .....

Des asymptotes horizontales : .....

Des branches paraboliques : .....

4- Etude de la variation de la fonction  $f$  :

Entourer la ou les bonnes propositions

a- La fonction est croissante sur  $] -\infty, -1 - \sqrt{5} ]$

b- la fonction est décroissante sur  $[ -1 - \sqrt{5}, 0[$

c- la fonction est croissante sur  $] 1, +\infty[$

d- Le tracé de  $f$  comporte des concavités

e-  $f'(x)$  ne s'annule jamais

II - Calculer les limites suivantes :

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} e^{-x} (4 + 3 \log x) =$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} 2x \log x - x + 2 =$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - 2x^2 + \frac{x}{2} - 1}{3(x^2 - x - 2)} =$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{2x^2 + 1} - \sqrt{2x^2} =$$

III -L'espace  $\xi$  est rapporté au repère orthonormal  $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$

1-Définir l'ensemble  $E = \{M(x, y, z) \in \xi / x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4y - 8z + 12 = 0\}$

L'ensemble E =

2-Définir l'intersection de l'ensemble E avec le plan  $P_1$  d'équation  $x - 2y + 2z - 1 = 0$

L'intersection de E et  $P_1$  =

3- Soient les plans  $P_2$  d'équation  $2x + y + 2z - 17 = 0$  et  $P_3$  d'équation  $3x - 2z = 0$

Entourer la ou les propositions justes :

- a- le plan  $P_2$  et l'ensemble E n'admettent pas d'intersection
- b- le plan  $P_2$  et l'ensemble E sont tangents
- c- le plan  $P_3$  et l'ensemble E sont tangents
- d- le plan  $P_3$  et l'ensemble E sont sécants
- e- aucune proposition n'est juste

IV -On considère la suite  $(U_n)$  définie par :

$$U_0 = 0 ; U_{n+1} = 1/3 U_n - 5 ; \forall n \in \mathbb{N}$$

Et on pose la suite  $(W_n)$  définie par :

$$W_n = U_n + 15/2 ; \forall n \in \mathbb{N}$$

1-Quelle est la nature de  $(W_n)$  ?

$(W_n)$

2-Ecrire  $W_n$  en fonction de n, en déduire  $U_n$  en fonction de n.

$W_n = \dots\dots\dots$   $U_n = \dots\dots\dots$

V- Soit ABCD un tétraèdre régulier de coté = 4 et I, J, K les milieux respectifs de [BC], [AC], [AD].

Calculer les produits scalaires suivants :

$\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} =$	$\overrightarrow{AI} \cdot \overrightarrow{BC} =$
$\overrightarrow{IK} \cdot \overrightarrow{AD} =$	$\overrightarrow{BK} \cdot \overrightarrow{CD} =$

VI- Pour composer l'examen de Mathématiques, l'enseignant a proposé 6 exercices dont 4 d'algèbre et 2 de géométrie. Les exercices sont mis dans des enveloppes identiques.

L'examen portera sur 4 exercices seulement.

On demande à un étudiant de tirer successivement et sans remise 4 enveloppes afin de composer l'examen.

1-Calculer la probabilité  $P_1$  de tirer successivement 3 exercices d'algèbre puis 1 exercice de géométrie.

$P_1 =$

2-Calculer la probabilité  $P_2$  de tirer 1 seul exercice de géométrie au cours de ces 4 tirages.

$P_2 =$

3-calculer la probabilité  $P_3$  de tirer successivement 2 exercices de géométrie et 2 exercices d'algèbre.

$P_3 =$

N° table :

CONCOURS D'ACCES 2008  
EPREUVE DE MATHÉMATIQUES



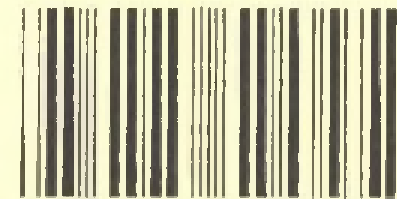
Nom et prénom : .....

Date de naissance : ..... Signature obligatoire :

Le candidat est informé que toute copie ne portant pas le nom du candidat sera éliminée sans possibilité de recours. Le candidat est informé que toute hachure ou marque au stylo du code à barre de cette copie expose à l'élimination systématique de la copie  
Le candidat doit s'assurer que cette feuille est bien imprimée recto-verso

Durée : 30 mn

CONCOURS D'ACCES 2008  
EPREUVE DE MATHÉMATIQUES



Nombre de questions : 6

I- Ecrire sous forme algébrique le nombre complexe :

$$Z = \frac{(\sqrt{3}-i)^3}{(1+i)^4}$$

Z =

II- Calculer le module et l'argument du nombre complexe :

$$z = (1-\sqrt{3})e^{\frac{i\pi}{3}}$$

|Z| =

Arg Z =

III- On considère la fonction définie par :  $f(x) = -x\sqrt{16-4x^2}$

Ecrire vrai ou faux devant chacune des propositions suivantes

a- La fonction est croissante  $\forall x \in [-2; -\sqrt{2}]$

☐

b- La fonction est croissante  $\forall x \in [+ \sqrt{2}; 2]$

☐

c-  $f'(x)$  s'annule pour  $x = \pm \frac{\sqrt{2}}{2}$

☐

d-  $f(x) < 0 \forall x \in [-\sqrt{2}; +\sqrt{2}]$

☐

NE  
RIEN  
ECRIRE  
ICI

لا تكتب هنا

IV- Calculer :

$$\lim_{x \rightarrow 0} (4 - 2/x) \ln(1+3x) =$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2\sqrt{x}}{x^3 + 2x - 5} =$$

V- Calculer :

$$\int_0^2 \frac{dx}{\sqrt{2-x} \cos^2 \sqrt{2-x}} =$$

$$\int_0^1 \frac{\sqrt{2}(6x^2 + 8x)}{2\sqrt{2(x^3 + 2x^2)}} dx =$$

VI- On considère la suite  $(U_n)$  définie par :  $U_0 = e; U_{n+1} = \sqrt[3]{U_n}, \forall n \in \mathbb{N}$

Et on pose :  $V_n = \ln(U_n), \forall n \in \mathbb{N}$

1- calculer  $V_n$  en fonction de  $n$  :

$$V_n =$$

2- déduire l'expression de  $U_n$  en fonction de  $n$  :

$$U_n =$$

3- on pose :  $S_n = V_0 + V_1 + \dots + V_n$  et  $P_n = U_0 + U_1 + \dots + U_n$

écrire l'expression de  $P_n$  en fonction de  $S_n$ .

$$P_n =$$



N° table :

CONCOURS D'ACCES 2009  
EPREUVE DE MATHÉMATIQUES



Nom et prénom : .....  
Date de naissance : ..... Signature obligatoire : .....

Le candidat est informé que toute copie ne portant pas le nom du candidat sera éliminée sans possibilité de recours. Le candidat est informé que toute hachure ou marque au stylo du code à barre de cette copie expose à l'élimination systématique de la copie. Le candidat doit s'assurer que cette feuille est bien imprimée recto verso

Durée : 30 min

CONCOURS D'ACCES 2009  
EPREUVE DE MATHÉMATIQUES



Nombre de questions 6

I- On considère la fonction définie par  $f(x) = \cos^4 x - 2 \cos^2 x$  et  $C_f$  la courbe représentative de la fonction  $f$ .

1) Donner le domaine de définition de  $f$  :

$D_f =$

2) Donner l'équation de l'axe de symétrie de  $C_f$  :

3) Répondre par **vrai** ou **faux** devant les propositions suivantes :

a- La fonction est croissante sur  $[0, \pi/4]$

b-  $f'(x)$  s'annule pour  $x = \pi$

II- Calculer les limites suivantes :

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \cos \frac{\frac{\pi}{2}x + 2}{2x - 1} =$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{3} - \sqrt{x^2 - x}}{\sqrt{2x}} =$$

III- On considère les nombres complexes suivants :

$$z_1 = 1 - i\sqrt{3}$$

$$z_2 = 1 - i$$

$$Z = \frac{z_1}{z_2}$$

Déterminer ce qui suit :

$$|Z| =$$

$$\text{Arg } Z =$$

NE  
RIEN  
ECRIRE  
ICI

لا تكتب هنا

IV- Calculer :

$$\int_0^2 x e^{\frac{-x}{2}} dx =$$

$$\int_0^{\frac{\pi}{4}} x \cos 2x dx =$$

V- On considère la sphère (S) qui passe par le point  $A(2,1,1)$  et de centre  $\Omega(3,0,1)$ .

1- Donner le rayon de la sphère (S).

$r =$

2- Soit la droite (D) définie par la représentation paramétrique suivante :

$$\begin{cases} x = 3 + t \\ y = -2 - t \\ z = 1 + t \end{cases}$$

Déterminer l'intersection entre (S) et (D) :

L'intersection :

VI - 2 paniers  $S_1$  et  $S_2$  contiennent chacun des boules rouges et des boules noires.  $S_1$  contient 10 boules et  $S_2$  contient 12 boules. Le nombre total de boules noires est 10. On choisit au hasard un panier et on en extrait une boule.

Cocher la case correspondant à la réponse juste.

1- Si la probabilité d'obtenir une boule noire provenant de  $S_1$  est de  $1/5$ , alors  $S_1$  contient 2 boules noires.

☐ Vrai

☐ faux

2- Si la probabilité d'obtenir une boule rouge provenant de  $S_2$  est de  $1/3$ , alors  $S_2$  contient 8 boules rouges.

☐ Vrai

☐ faux

N° table :

CONCOURS D'ACCES 2010  
EPREUVE DE MATHÉMATIQUES



Nom et prénom : .....

Date de naissance : ..... Signature obligatoire : .....

Le candidat est informé que toute copie ne portant pas le nom du candidat sera éliminée sans possibilité de recours. Le candidat est informé que toute hachure ou marque au stylo du code à barre de cette copie expose à l'élimination systématique de la copie. Le candidat doit s'assurer que cette feuille est bien imprimée recto-verso.

Durée : 30 mn

CONCOURS D'ACCES 2010  
EPREUVE DE MATHÉMATIQUES



Nombre de questions : 5

I- Soit  $f$ , la fonction définie par :

$$\begin{cases} f(x) = \frac{x^2 - 6x - 7}{2x + 4} ; x \leq 7 \\ f(x) = (x - a)^2 - 4 ; x > 7 \end{cases}$$

1- Déterminer la valeur de  $a$  ( $a > 7$ ) pour que la fonction  $f$  soit continue à droite en  $x=7$ .

$a =$

2- On donne pour tout  $x \leq 7$   $f'(x) = \frac{2x^2 + 8x - 10}{4(x+2)^2}$

Ecrire vrai ou faux pour chacune des propositions suivantes :

a- La fonction est croissante sur  $\forall x \in ]-\infty, +5]$

b- La courbe de la fonction  $f$  admet une asymptote d'équation  $y = \frac{x}{2} - 4$

c-  $f$  est décroissante sur  $\forall x \in [7; 9]$

3- La courbe de la fonction  $f$  admet 3 tangentes horizontales aux points A, B, C. Précisez les.

$A( , )$   $B( , )$   $C( , )$

II- Soit  $h$  la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par :  $h(x) = \ln(e^{2x} + 1)$ . On note  $C$  sa courbe représentative.

1 -Mettre une croix devant la proposition juste . Pour tout réel  $x$ ,  $h(x)$  peut s'écrire :

☐  $h(x) = \ln e^{2x} + \ln x$

☐  $h(x) = \ln e^{2x}$

☐  $h(x) = x^2 + \ln(e^{2x} + 1)$

☐  $h(x) = 2x + \ln(1 + e^{-2x})$

☐  $h(x) = 2x \ln(1 + e^{-2x})$

2- Ecrire Vrai ou Faux devant chacune des propositions suivantes :

a- La fonction  $h$  est la composée de 2 fonctions strictement croissantes sur  $\mathbb{R}$

b- L'axe des abscisses est asymptote à  $C$  en  $-\infty$

c- La droite  $y = 2x$  est asymptote à  $C$  en  $-\infty$

d- La courbe  $C$  est au dessous de l'axe des abscisses

NE  
RIEN  
ECRIRE  
ICI

لا تكتب هنا

III- Calculer :

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x-1}{x^2+4x-5} =$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{x^2+2} - x =$$

IV- Calculer :

$$\int_1^3 |2x^2 - 8| dx = \quad \int_0^{\frac{\pi}{2}} 3 \cos 4x + 2 \sin 2x dx =$$

V- On considère la suite  $(X_n)$  définie par :

$$X_{n+1} = \frac{2}{3} X_n + 10, \forall n \in \mathbb{N}; X_0 = 40$$

On pose :

$$U_n = X_n - 30, \forall n \in \mathbb{N}$$

1- Donner la nature et la raison de  $(U_n)$ :

Nature de  $(U_n)$  :

Raison de  $(U_n)$  :

2- Donner le sens de variation de  $(X_n)$  :

Sens de variation :

3- Calculer :

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} (X_n) =$$